

Total No. of Printed Pages—8

## 5 SEM TDC MTH G 1

**2017**

( November )

**MATHEMATICS**

( General )

Course : 501

**[ (A) Analysis-II, (B) Mechanics ]**

Full Marks : 80  
Pass Marks : 32/24

Time : 3 hours

*The figures in the margin indicate full marks  
for the questions*

**(A) Analysis-II ( Complex Analysis )**

( Marks : 35 )

1. (a) কোনো বিন্দুত চর্ত সাপেক্ষে  $f(z)$  ফলন বৈশ্লেষিক।  
সেই বিন্দুত ফলনৰ অৱকলনীয় এটা চর্ত। আনচৰ্ত  
লিখা।

A function  $f(z)$  is analytic at a point under certain conditions.  
Differentiability of the function at that point is one of them. Write the other condition(s).

( 2 )

- (b) কার্টেজিয়ান কপত কৃটি-বাইমান চর্ত লিখা।

Write Cauchy-Riemann condition in  
Cartesian form.

- (c) দেখুওৱা যে

Show that

$$\frac{\partial \omega}{\partial x} = e^{-i\theta} \frac{\partial \omega}{\partial r}$$

অথবা / Or

দেখুওৱা যে  $e^x(\cos y + i \sin y)$  ফলনটো বৈশ্লেষিক।

Show that the function  $e^x(\cos y + i \sin y)$   
is analytic.

- (d)  $u = y^3 - 3x^2y$  এ প্রসংবাদী সংযুক্ত নির্ণয় করা।

Determine the harmonic conjugate of  
 $u = y^3 - 3x^2y$ .

অথবা / Or

দেখুওৱা যে ক্রুক মাপাংকবিশিষ্ট এটা বৈশ্লেষিক ফলন  
ক্রুক।

Show that an analytic function with  
constant modulus is constant.

2. (a) বকুব বহু বিন্দুৰ সংজ্ঞা দিয়া।

Define a multiple point of an arc.

- (b) কৃটি উপগাদৰ উক্তি লিখা।

Write the statement of Cauchy's  
theorem.

1

- (c) বহু-সংযোগী অঞ্চল বর্ণনা কৰা।

Describe multiconnected region.

- (d) কৃটিৰ অনুকলন সূত্ৰ প্ৰমাণ কৰা।

Prove Cauchy's integral formula.

4

অথবা / Or

যদি  $|z-a| < R$  ও  $f(z)$  ফলনটো বৈশ্লেষিক আৰু এক-  
মান বিশিষ্ট হয়, তেন্তে প্ৰমাণ কৰা যে,  $0 < r < R$  ৰ  
বাবে  $f'(a) = \frac{1}{\pi r} \int_0^{2\pi} P(\theta) e^{-i\theta} d\theta$  আৰু  $P(\theta)$  হ'ল  
 $f(a + re^{i\theta})$  ৰ বাস্তৱ অংশ।

If the function  $f(z)$  is analytic and one  
valued in  $|z-a| < R$ , then prove that for  
 $0 < r < R$ ,  $f'(a) = \frac{1}{\pi r} \int_0^{2\pi} P(\theta) e^{-i\theta} d\theta$ , where  
 $P(\theta)$  is the real part of  $f(a + re^{i\theta})$ .

4

3. (a) অবিযুক্ত অনিবার্য অপ্রতিমতাৰ সংজ্ঞা দিয়া।

Define non-isolated essential singularity.

- (b) পৰিমেয় ফলনৰ কেতিয়া অপ্রতিমতা থাকে, লিখা।

Write when a rational function has  
singularities.

1

- (c)  $\sin \frac{1}{z-a}$  ফলনৰ অনিবার্য অপ্রতিমতা নিৰ্ণয় কৰা।

Find the essential singularity of the  
function  $\sin \frac{1}{z-a}$ .

2

( Turn Over )

(Continued)

3

6

1

1

2

( 4 )

- (d) তলৰ যি কোনো এটাৰ মান নিৰ্ণয় কৰা :  
Evaluate any one of the following :

$$(i) \int_0^{2\pi} \frac{d\theta}{1+a^2 - 2a\cos\theta}, 0 < a < 1$$

$$(ii) \int_0^{\pi} \frac{a d\theta}{a^2 + \cos^2 \theta}, a > 0$$

- (e)  $f(z) = \frac{z+3}{z(z^2 - z - 2)}$ -ক কৰা সূচক হিচাবে বিস্তাৰ  
কৰা।

Expand  $f(z) = \frac{z+3}{z(z^2 - z - 2)}$  in powers of  $z$ .

### (B) Mechanics

( Marks : 45 )

#### (a) Statics

4. (a) এটা বল আৰু এটা বলযুগ্মই এটাই আনটোক সন্তুলিত  
কৰে। সঁচ নে মিছা, লিখা।

A force and a couple can balance each  
other. State true or false.

- (b) কেন্দ্ৰীয় অক্ষৰ সংজ্ঞা দিয়া।

Define central axis.

- (c) এটা বল প্ৰণালীৰ ভূমি বিন্দুৰ সংজ্ঞা দিয়া।

Define base point of a system of forces.

( 5 )

- 5 (d) দুটা বেঞ্চৰ লক বেঞ্চ নিৰ্ণয় কৰা।  
Find the resultant wrench of two  
wrenches.

অথবা /Or

এটা দৃঢ় বস্তৰ প্ৰদত্ত বিন্দুত ক্ৰিয়া কৰা বলপ্ৰণালীৰ লক  
নিৰ্ণয় কৰা।

Find the resultant of any given system  
of forces acting at given points of a rigid  
body.

5. (a) আভাসী বিস্থাপনৰ সংজ্ঞা দিয়া।  
Define virtual displacement.

- (b) সাধাৰণ ৰজ্জুকাত  $x$  আৰু  $s$ ৰ মাজৰ সম্বন্ধ স্থাপন কৰা।  
Establish the relation between  $x$  and  $s$   
in a common catenary.

- (c) চাপ বা হেচাই পাতল দণ্ডত কৰা কাৰ্য নিৰ্ণয় কৰা।  
Find the work done by tension or thrust  
of a light rod.

অথবা /Or

এটা দৃঢ় বস্তৰ বিভিন্ন বিন্দুত ক্ৰিয়া কৰা সমতলীয় বল-  
প্ৰণালীৰ আভাসী কাৰ্যৰ নীতি উল্লেখ কৰি প্ৰমাণ কৰা।  
State and prove the principle of virtual  
work for a system of coplanar forces  
acting at different points of a rigid body.

( 6 )

**(b) Dynamics**

6. (a) সবল পর্যাবৃত্ত গতির চক্র লিখা।

Write the period of a simple harmonic motion.

- (b) ঋণাত্মক ত্বরণক কি কোরা হয়, লিখা।

Write what is called about negative acceleration.

- (c) সমতলীয় বক্রত গতি কোরা কণার ব্যাসাধীয় আৰু ত্বরিক উপাংশ নির্ণয় কৰা।

Find the radial and transverse components of velocity of a particle moving in a plane curve.

অথবা /Or

যদি এটা কণা বৃত্তত গতি কৰে, তেন্তে দেখুওৱা যে বৃত্তৰ কোনো বিন্দু সাপেক্ষে ইয়াৰ কৌণিক বেগ, বৃত্তৰ কেন্দ্ৰৰ সাপেক্ষে আধা।

If a point moves along a circle, then prove that its angular velocity about any point on the circle is half of that about the centre.

7. (a) পুছৰ সংজ্ঞা দিয়া।

Define apse.

( 7 )

- (b) কোনো সমতলীয় গতি কোৱা এটা কণার ত্বরণ সদৰ্শ এটা স্থিৰ বিন্দুৰ দিশত থাকে। গতিৰ বিষয়ে আলোচনা কৰা।

A particle moves in a plane with an acceleration which is always directed to a fixed point. Discuss the motion.

অথবা /Or

মাধ্যাকৰ্ষণৰ অধীনত তললৈ সৰি পৰা এটা কণার বাধা ইয়াৰ বেগৰ সামানুপাতিক। যি কোনো সময়ত ইয়াৰ দৃব্যত্ব নিৰ্ণয় কৰা।

A particle is falling under gravity in a medium whose resistance varies as the velocity. Find its distance at any time.

8. (a) জড়তা ভ্ৰামকৰ সংজ্ঞা দিয়া।

Define moment of inertia.

- (b) জড়তা উপবৃত্ত বৰ্ণনা কৰা।

Describe momental ellipse.

- (c) ভ্ৰামকৰ সমান্তৰাল অক্ষৰ উপগাদ্য লিখা আৰু প্ৰমাণ কৰা।

State and prove the theorem of parallel axes of moment.

( 8 )

অথবা /Or

এখন সামান্তরিক থালৰ কেন্দ্ৰবিন্দুৰ সাপেক্ষে আৰু এডল  
দাঁতিৰ সমান্তৰাল হিচাবে জড়তা ভ্ৰামক নিৰ্ণয় কৰা।

Find the moment of inertia of  
a rectangular lamina about a line  
through its centre and parallel to one  
of its edges.

★ ★ ★